

**Приложение 1.7**  
**к ООП ППССЗ по специальности**  
**09.02.07 Информационные системы и программирование**

Автономная некоммерческая профессиональная образовательная организация  
**«УРАЛЬСКИЙ ПРОМЫШЛЕННО-ЭКОНОМИЧЕСКИЙ ТЕХНИКУМ»**

**рабочая программа**  
учебной дисциплины

**ОУД.07 МАТЕМАТИКА**

**Укрупненная группа: 09.00.00 Информатика и вычислительная техника**

**Специальность: 09.02.07 Информационные системы и программирование**

**Квалификация: Программист**

базовая подготовка

Одобрена цикловой комиссией  
ОГСЭ и МЕНД

Председатель комиссии

 — В.А. Чега

Протокол № 9

от 05 мая 2023 г.

УТВЕРЖДАЮ  
Заместитель директора по  
учебной работе АН ПОО «Уральский  
промышленно-экономический  
техникум»



— Н.Б. Чмель

11 мая 2023 г.

Разработчик: Сидорова А.И.,  
преподаватель АН ПОО «Уральский промышленно-экономический техникум»

Техническая экспертиза рабочей программы  
учебной дисциплины «Математика» пройдена.

Эксперты:

Заместитель директора по научно-методической работе  
АН ПОО «Уральский промышленно-экономический техникум»

 — Т.Ю. Вяткина

## **СОДЕРЖАНИЕ**

|   |    |
|---|----|
| 1. Общая характеристика рабочей программы общеобразовательной дисциплины «Математика» .....                                       | 4  |
| 2. Структура и содержание общеобразовательной дисциплины .....  | 16 |
| 3. Условия реализации программы общеобразовательной дисциплины .....  | 33 |
| 4. Контроль и оценка результатов освоения общеобразовательной дисциплины .....  | 34 |
| 5. Особенности организации образовательного процесса по предмету для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья ..... | 40 |

# **1. Общая характеристика рабочей программы общеобразовательной дисциплины «Математика»**

## **1.1. Место дисциплины в структуре основной профессиональной образовательной программы**

Общеобразовательная дисциплина «Математика» является обязательной частью общеобразовательного цикла образовательной программы в соответствии с федеральным государственным образовательным стандартом среднего профессионального образования по специальности 09.02.07 Информационные системы и программирование, утвержденным приказом Минобрнауки России от 09.12.2016 № 1547.

### **1.1. Цели и планируемые результаты освоения дисциплины**

#### **1.2.1. Цель общеобразовательной дисциплины**

Содержание программы общеобразовательной дисциплины «Математика» направлено на достижение результатов ее изучения в соответствии с требованиями ФГОС СОО с учетом профессиональной направленности ФГОС СПО.

- формирование центральных математических понятий (число, величина, геометрическая фигура, переменная, вероятность, функция, производная, интеграл), обеспечивающих преемственность и перспективность математического образования обучающихся;

- подведение учащихся на доступном для них уровне к осознанию взаимосвязи математики и окружающего мира, пониманию математики как части общей культуры человечества;

- развитие интеллектуальных и творческих способностей учащихся, познавательной активности, исследовательских умений, критичности мышления, интереса к изучению математики;

- формирование функциональной математической грамотности: умения распознавать математические аспекты в реальных жизненных ситуациях и при изучении других учебных предметов, проявления зависимостей и закономерностей, формулировать их на языке математики и создавать математические модели, применять освоенный математический аппарат для решения практико-ориентированных задач, интерпретировать и оценивать полученные результаты.

Учебный предмет относится к предметной области «Математика и Информатика» и является обязательной частью общеобразовательного цикла в соответствии с ФГОС среднего общего образования. Уровень освоения учебного предмета в соответствии с ФГОС среднего общего образования: базовый.

Реализация содержания учебного предмета предполагает соблюдение принципа строгой преемственности по отношению к содержанию курса «Математика» на ступени основного общего образования.

#### **1.2.2. Планируемые результаты освоения общеобразовательной дисциплины в соответствии с ФГОС СПО и на основе ФГОС СОО**

Особое значение дисциплина имеет при формировании и развитии общих и профессиональных компетенций.

| <b>Общие компетенции</b>  | <b>Планируемые результаты обучения</b>   |   |
|---|--|---|
|   | <b>Общие</b>   | <b>Дисциплинарные</b>   |
| OK 01 Выбирать способы решения задач профессиональной деятельности применительно к различным контекстам | <p>- готовность к труду, осознание ценности мастерства, трудолюбие;</p> <p>- готовность к активной деятельности технологической и социальной направленности, способность инициировать, планировать самостоятельно выполнять такую деятельность;</p> <p>- интерес к различным сферам профессиональной деятельности,</p> <p>Овладение универсальными учебными познавательными действиями:</p> <p>а) базовые логические действия:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- самостоятельно формулировать и актуализировать проблему, рассматривать ее всесторонне;</li> <li>- устанавливать существенный признак или основания для сравнения, классификации и обобщения;</li> <li>- определять цели деятельности, задавать параметры и критерии их достижения;</li> <li>- выявлять закономерности и противоречия в рассматриваемых явлениях;</li> <li>- вносить корректизы в деятельность, оценивать соответствие результатов целям, оценивать риски последствий деятельности;</li> <li>- развивать креативное мышление при решении жизненных проблем</li> </ul> <p>б) базовые исследовательские действия:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- владеть навыками учебно-исследовательской и проектной деятельности, навыками разрешения проблем;</li> <li>- выявлять причинно-следственные связи и актуализировать задачу, выдвигать гипотезу ее решения, находить аргументы для доказательства своих утверждений, задавать параметры и критерии решения;</li> <li>- анализировать полученные в ходе решения задачи результаты, критически оценивать их достоверность, прогнозировать изменение в новых условиях;</li> <li>-- уметь переносить знания в познавательную и практическую области жизнедеятельности;</li> <li>- уметь интегрировать знания из разных предметных областей;</li> <li>- выдвигать новые идеи, предлагать оригинальные подходы и решения; и способность их использования в познавательной и социальной практике</li> </ul> | <p>- владеть методами доказательств, алгоритмами решения задач; умение формулировать определения, аксиомы и теоремы, применять их, проводить доказательные рассуждения в ходе решения задач;</p> <p>- уметь оперировать понятиями: степень числа, логарифм числа; умение выполнять вычисление значений и преобразования выражений со степенями и логарифмами, преобразования дробно-рациональных выражений;</p> <p>- уметь оперировать понятиями: рациональные, иррациональные, показательные, степенные, логарифмические, тригонометрические уравнения и неравенства, их системы;</p> <p>- уметь оперировать понятиями: функция, непрерывная функция, производная, первообразная, определенный интеграл; уметь находить производные элементарных функций, используя справочные материалы; исследовать в простейших случаях функции на монотонность, находить наибольшие и наименьшие значения функций; строить графики многочленов с использованием аппарата математического анализа;</p> <p>применять производную при решении задач на движение; решать практико-ориентированные задачи на наибольшие и наименьшие значения, нахождение пути, скорости и ускорения;</p> <p>- уметь оперировать понятиями: рациональная функция, показательная функция, степенная функция, логарифмическая функция, тригонометрические функции, обратные функции; умение строить графики изученных функций, использовать графики при изучении процессов и зависимостей, при решении задач из других учебных предметов и задач из реальной жизни; выражать формулами зависимости между величинами;</p> <p>- уметь решать текстовые задачи разных типов (в том числе на проценты, доли и части, на движение, работу, стоимость товаров и услуг, налоги, задачи из области управления личными и семейными финансами);</p> <p>составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи, исследовать полученное решение и оценивать правдоподобность результатов;</p> <p>- уметь оперировать понятиями: среднее арифметическое, медиана,</p> |

|  |  |  |
|--|--|--|
|  |  | <p>наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия, стандартное отклонение числового набора; уметь извлекать, интерпретировать информацию, представленную в таблицах, на диаграммах, графиках, отражающую свойства реальных процессов и явлений; представлять информацию с помощью таблиц и диаграмм; исследовать статистические данные, в том числе с применением графических методов и электронных средств;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- уметь оперировать понятиями: случайный опыт и случайное событие, вероятность случайного события; умение вычислять вероятность с использованием графических методов; применять формулы сложения и умножения вероятностей, комбинаторные факты и формулы при решении задач; оценивать вероятности реальных событий; знакомство со случайными величинами; умение приводить примеры проявления закона больших чисел в природных и общественных явлениях;</li> <li>- уметь оперировать понятиями: точка, прямая, плоскость, пространство, двугранный угол, скрещивающиеся прямые, параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей, угол между прямыми, угол между прямой и плоскостью, угол между плоскостями, расстояние от точки до плоскости, расстояние между прямыми, расстояние между плоскостями; умение использовать при решении задач изученные факты и теоремы планиметрии; умение оценивать размеры объектов окружающего мира;</li> <li>- уметь оперировать понятиями: многогранник, сечение многогранника, куб, параллелепипед, призма, пирамида, фигура и поверхность вращения, цилиндр, конус, шар, сфера, сечения фигуры вращения, плоскость, касающаяся сферы, цилиндра, конуса, площадь поверхности пирамиды, призмы, конуса, цилиндра, площадь сферы, объем куба, прямоугольного параллелепипеда, пирамиды, призмы, цилиндра, конуса, шара; умение изображать многогранники и поверхности вращения, их сечения от руки, с помощью чертежных инструментов и электронных средств; умение распознавать симметрию в пространстве; умение распознавать правильные многогранники;</li> <li>- уметь оперировать понятиями: движение в пространстве, подобные фигуры в пространстве; использовать отношение площадей поверхностей и объемов подобных фигур при решении задач;</li> <li>- уметь вычислять геометрические величины (длина, угол, площадь,</li> </ul> |
|--|--|--|

|  |  |   |
|--|--|---|
|  |  | <p>объем, площадь поверхности), используя изученные формулы и методы;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- уметь оперировать понятиями: прямоугольная система координат, координаты точки, вектор, координаты вектора, скалярное произведение, угол между векторами, сумма векторов, произведение вектора на число; находить с помощью изученных формул координаты середины отрезка, расстояние между двумя точками;</li> <li>- уметь выбирать подходящий изученный метод для решения задачи, распознавать математические факты и математические модели в природных и общественных явлениях, в искусстве; умение приводить примеры математических открытий российской и мировой математической науки.</li> <li>- уметь оперировать понятиями: определение, аксиома, теорема, следствие, свойство, признак, доказательство, равносильные формулировки; умение формулировать обратное и противоположное утверждение, приводить примеры и контрпримеры, использовать метод математической индукции; проводить доказательные рассуждения при решении задач, оценивать логическую правильность рассуждений;</li> <li>- уметь оперировать понятиями: множество, подмножество, операции над множествами; умение использовать теоретико-множественный аппарат для описания реальных процессов и явлений при решении задач, в том числе из других учебных предметов;</li> <li>- уметь оперировать понятиями: граф, связный граф, дерево, цикл, граф на плоскости; умение задавать и описывать графы различными способами; использовать графы при решении задач;</li> <li>- уметь свободно оперировать понятиями: сочетание, перестановка, число сочетаний, число перестановок; бином Ньютона; умение применять комбинаторные факты и рассуждения для решения задач;</li> <li>- уметь оперировать понятиями: натуральное число, целое число, остаток по модулю, рациональное число, иррациональное число, множества натуральных, целых, рациональных, действительных чисел; умение использовать признаки делимости, наименьший общий делитель и наименьшее общее кратное, алгоритм Евклида при решении задач; знакомство с различными позиционными системами счисления;</li> <li>- уметь свободно оперировать понятиями: степень с целым показателем, корень натуральной степени, степень с рациональным показателем, степень с действительным (вещественным) показателем, логарифм числа,</li> </ul> |
|--|--|---|

|  |  |   |
|--|--|---|
|  |  | <p>синус, косинус и тангенс произвольного числа;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- уметь оперировать понятиями: тождество, тождественное преобразование, уравнение, неравенство, система уравнений и неравенств, равносильность уравнений, неравенств и систем, рациональные, иррациональные, показательные, степенные, логарифмические, тригонометрические уравнения, неравенства и системы; умение решать уравнения, неравенства и системы с помощью различных приемов; решать уравнения, неравенства и системы с параметром; применять уравнения, неравенства, их системы для решения математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни;</li> </ul> <ul style="list-style-type: none"> <li>-уметь свободно оперировать понятиями: график функции, обратная функция, композиция функций, линейная функция, квадратичная функция, степенная функция с целым показателем, тригонометрические функции, обратные тригонометрические функции, показательная и логарифмическая функции; умение строить графики функций, выполнять преобразования графиков функций;</li> </ul> <p>умение использовать графики функций для изучения процессов и зависимостей при решении задач из других учебных предметов и из реальной жизни; выражать формулами зависимости между величинами;</p> <p>умение свободно оперировать понятиями: четность функции, периодичность функции, ограниченность функции, монотонность функции, экстремум функции, наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке; умение проводить исследование функции;</p> <p>умение использовать свойства и графики функций для решения уравнений, неравенств и задач с параметрами; изображать на координатной плоскости множества решений уравнений, неравенств и их систем;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- уметь свободно оперировать понятиями: последовательность, арифметическая прогрессия, геометрическая прогрессия, бесконечно убывающая геометрическая прогрессия; умение задавать последовательности, в том числе с помощью рекуррентных формул;</li> <li>- уметь оперировать понятиями: непрерывность функции, асимптоты графика функции, первая и вторая производная функции, геометрический и физический смысл производной, первообразная, определенный интеграл; умение находить асимптоты графика функции; умение вычислять производные суммы, произведения, частного и композиции</li> </ul> |
|--|--|---|

|  |  |  |
|--|--|--|
|  |  | <p>функций, находить уравнение касательной к графику функции; умение использовать производную для исследования функций, для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических и физических задачах, для определения скорости и ускорения; находить площади и объемы фигур с помощью интеграла; приводить примеры математического моделирования с помощью дифференциальных уравнений;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- уметь оперировать понятиями: комплексное число, сопряженные комплексные числа, модуль и аргумент комплексного числа, форма записи комплексных чисел (геометрическая, тригонометрическая и алгебраическая); уметь производить арифметические действия с комплексными числами; приводить примеры использования комплексных чисел;</li> <li>- уметь свободно оперировать понятиями: среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия, стандартное отклонение для описания числовых данных; умение исследовать статистические данные, в том числе с применением графических методов и электронных средств; графически исследовать совместные наблюдения с помощью диаграмм рассеивания и линейной регрессии;</li> <li>- уметь находить вероятности событий с использованием графических методов; применять для решения задач формулы сложения и умножения вероятностей, формулу полной вероятности, формулу Бернуlli, комбинаторные факты и формулы; оценивать вероятности реальных событий; умение оперировать понятиями: случайная величина, распределение вероятностей, математическое ожидание, дисперсия и стандартное отклонение случайной величины, функции распределения и плотности равномерного, показательного и нормального распределений; умение использовать свойства изученных распределений для решения задач; знакомство с понятиями: закон больших чисел, методы выборочных исследований; умение приводить примеры проявления закона больших чисел в природных и общественных явлениях;</li> <li>- уметь свободно оперировать понятиями: точка, прямая, плоскость, пространство, отрезок, луч, плоский угол, двугранный угол, трехгранный угол, пересекающиеся, параллельные и скрещивающиеся прямые, параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей, угол между</li> </ul> |
|--|--|--|

|  |  |  |
|--|--|--|
|  |  | <p>прямыми, угол между прямой и плоскостью, угол между плоскостями; умение использовать при решении задач изученные факты и теоремы планиметрии; умение оценивать размеры объектов в окружающем мире; умение оперировать понятиями: многогранник, сечение многогранника, правильный многогранник, призма, пирамида, фигура и поверхность вращения, цилиндр, конус, шар, сфера, развертка поверхности, сечения конуса и цилиндра, параллельные оси или основанию, сечение шара, плоскость, касающаяся сферы, цилиндра, конуса; умение строить сечение многогранника, изображать многогранники, фигуры и поверхности вращения, их сечения, в том числе с помощью электронных средств; умение применять свойства геометрических фигур, самостоятельно формулировать определения изучаемых фигур, выдвигать гипотезы о свойствах и признаках геометрических фигур, обосновывать или опровергать их; умение проводить классификацию фигур по различным признакам, выполнять необходимые дополнительные построения;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- уметь свободно оперировать понятиями: площадь фигуры, объем фигуры, величина угла, расстояние от точки до плоскости, расстояние между прямыми, расстояние между плоскостями, площадь сферы, площадь поверхности пирамиды, призмы, конуса, цилиндра, объем куба, прямоугольного параллелепипеда, пирамиды, призмы, цилиндра, конуса, шара; умение находить отношение объемов подобных фигур;</li> <li>- уметь свободно оперировать понятиями: движение, параллельный перенос, симметрия на плоскости и в пространстве, поворот, преобразование подобия, подобные фигуры; умение распознавать равные и подобные фигуры, в том числе в природе, искусстве, архитектуре; умение использовать геометрические отношения, находить геометрические величины (длина, угол, площадь, объем) при решении задач из других учебных предметов и из реальной жизни;</li> <li>- уметь свободно оперировать понятиями: прямоугольная система координат, вектор, координаты точки, координаты вектора, сумма векторов, произведение вектора на число, разложение вектора по базису, скалярное произведение, векторное произведение, угол между векторами; умение использовать векторный и координатный метод для решения геометрических задач и задач других учебных предметов; оперировать понятиями: матрица <math>2 \times 2</math> и <math>3 \times 3</math>, определитель матрицы, геометрический смысл определителя;</li> </ul> |
|--|--|--|

|  |   |  |
|--|---|--|
|  |   | <ul style="list-style-type: none"> <li>- уметь моделировать реальные ситуации на языке математики; составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры, интерпретировать полученный результат; строить математические модели с помощью геометрических понятий и величин, решать связанные с ними практические задачи; составлять вероятностную модель и интерпретировать полученный результат; решать прикладные задачи средствами математического анализа, в том числе социально-экономического и физического характера;</li> <li>- умение выбирать подходящий метод для решения задачи; понимание значимости математики в изучении природных и общественных процессов и явлений; умение распознавать проявление законов математики в искусстве, умение приводить примеры математических открытий российской и мировой математической науки</li> </ul>  |
| ОК 02 Использовать современные средства поиска, анализа и интерпретации информации, и информационные технологии для выполнения задач профессиональной деятельности | <p>В области ценности научного познания:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>-сформированность мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, основанного на диалоге культур, способствующего осознанию своего места в поликультурном мире;</li> <li>- совершенствование языковой и читательской культуры как средства взаимодействия между людьми и познаниями мира;</li> <li>- осознание ценности научной деятельности, готовность осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.</li> </ul> <p>Овладение универсальными учебными познавательными действиями:</p> <p>б) работа с информацией:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- владеть навыками получения информации из источников разных типов, самостоятельно осуществлять поиск, анализ, систематизацию и интерпретацию информации различных видов и форм представления;</li> <li>- создавать тексты в различных форматах с учетом назначения информации и целевой аудитории, выбирая оптимальную форму представления и визуализации;</li> <li>- оценивать достоверность, легитимность информации, ее соответствие правовым и морально-этическим нормам;</li> <li>- использовать средства информационных и коммуникационных технологий в решении когнитивных, коммуникативных организационных задач с соблюдением требований эргономики, техники</li> </ul> | <ul style="list-style-type: none"> <li>- уметь оперировать понятиями: рациональная функция, показательная функция, степенная функция, логарифмическая функция, тригонометрические функции, обратные функции; умение строить графики изученных функций, использовать графики при изучении процессов и зависимостей, при решении задач из других учебных предметов и задач из реальной жизни; выражать формулами зависимости между величинами;</li> <li>- уметь оперировать понятиями: тождество, тождественное преобразование, уравнение, неравенство, система уравнений и неравенств, равносильность уравнений, неравенств и систем, рациональные, иррациональные, показательные, степенные, логарифмические, тригонометрические уравнения, неравенства и системы; уметь решать уравнения, неравенства и системы с помощью различных приемов; решать уравнения, неравенства и системы с параметром; применять уравнения, неравенства, их системы для решения математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни;</li> <li>- уметь свободно оперировать понятиями: движение, параллельный перенос, симметрия на плоскости и в пространстве, поворот, преобразование подобия, подобные фигуры; уметь распознавать равные и подобные фигуры, в том числе в природе, искусстве, архитектуре; уметь использовать геометрические отношения, находить геометрические величины (длина, угол, площадь, объем) при решении задач из других</li> </ul> |

|  |   |   |
|--|---|---|
|  | <p>безопасности, гигиены, ресурсосбережения, правовых и этических норм, норм информационной безопасности;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- владеть навыками распознавания и защиты информации, информационной безопасности личности</li> </ul>  | <p>учебных предметов и из реальной жизни</p>  |
| ОК 03 Планировать и реализовывать собственное профессиональное и личностное развитие, предпринимательскую деятельность в профессиональной сфере, использовать знания по финансовой грамотности в различных жизненных ситуациях | <p>В области духовно-нравственного воспитания:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>-- сформированность нравственного сознания, этического поведения;</li> <li>- способность оценивать ситуацию и принимать осознанные решения, ориентируясь на морально-нравственные нормы и ценности;</li> <li>- осознание личного вклада в построение устойчивого будущего;</li> <li>- ответственное отношение к своим родителям и (или) другим членам семьи, созданию семьи на основе осознанного принятия ценностей семейной жизни в соответствии с традициями народов России;</li> </ul> <p>Овладение универсальными регулятивными действиями:</p> <p>а) самоорганизация:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- самостоятельно осуществлять познавательную деятельность, выявлять проблемы, ставить и формулировать собственные задачи образовательной деятельности и жизненных ситуациях;</li> <li>- самостоятельно составлять план решения проблемы с учетом имеющихся ресурсов, собственных возможностей и предпочтений;</li> <li>- давать оценку новым ситуациям;</li> </ul> <p>способствовать формированию и проявлению широкой эрудиции в разных областях знаний, постоянно повышать свой образовательный и культурный уровень;</p> <p>б) самоконтроль:</p> <p>использовать приемы рефлексии для оценки ситуации, выбора верного решения;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- уметь оценивать риски и своевременно принимать решения по их снижению;</li> </ul> <p>в) эмоциональный интеллект, предполагающий сформированность внутренней мотивации, включающей стремление к достижению цели и успеху, оптимизм, инициативность, умение действовать, исходя из своих возможностей;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- эмпатии, включающей способность понимать эмоциональное состояние других, учитывать его при осуществлении коммуникации, способность к</li> </ul> | <p>- уметь оперировать понятиями: рациональные, иррациональные, показательные, степенные, логарифмические, тригонометрические, уравнения и неравенства, их системы;</p> <p>- уметь оперировать понятиями: многогранник, сечение многогранника, куб, параллелепипед, призма, пирамида, фигура и поверхность вращения, цилиндр, конус, шар, сфера, сечения фигуры вращения, плоскость, касающаяся сферы, цилиндра, конуса, площадь поверхности пирамиды, призмы, конуса, цилиндра, площадь сферы, объем куба, прямоугольного параллелепипеда, пирамиды, призмы, цилиндра, конуса, шара; умение изображать многогранники и поверхности вращения, их сечения от руки, с помощью чертежных инструментов и электронных средств; уметь распознавать симметрию в пространстве; уметь распознавать правильные многогранники;</p> <p>- уметь оперировать понятиями: прямоугольная система координат, координаты точки, вектор, координаты вектора, скалярное произведение, угол между векторами, сумма векторов, произведение вектора на число; находить с помощью изученных формул координаты середины отрезка, расстояние между двумя точками</p> |

|   |  |  |
|---|--|--|
|   | <p>сочувствию и сопереживанию;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- социальных навыков, включающих способность выстраивать отношения с другими людьми, заботиться, проявлять интерес и разрешать конфликты</li> </ul>  |  |
| ОК 04 Эффективно взаимодействовать и работать в коллективе и команде                                | <p>готовность к саморазвитию, самостоятельности и самоопределению;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- овладение навыками учебно-исследовательской, проектной и социальной деятельности;</li> </ul> <p>Овладение универсальными коммуникативными действиями:</p> <p>б) совместная деятельность:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы;</li> <li>- принимать цели совместной деятельности, организовывать и координировать действия по ее достижению: составлять план действий, распределять роли с учетом мнений участников обсуждать результаты совместной работы;</li> <li>- координировать и выполнять работу в условиях реального, виртуального и комбинированного взаимодействия;</li> <li>- осуществлять позитивное стратегическое поведение в различных ситуациях, проявлять творчество и воображение, быть инициативным.</li> </ul> <p>Овладение универсальными регулятивными действиями:</p> <p>г) принятие себя и других людей:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- принимать мотивы и аргументы других людей при анализе результатов деятельности;</li> <li>- признавать свое право и право других людей на ошибки;</li> <li>- развивать способность понимать мир с позиции другого человека</li> </ul> | <ul style="list-style-type: none"> <li>- уметь оперировать понятиями: случайный опыт и случайное событие, вероятность случайного события; уметь вычислять вероятность с использованием графических методов; применять формулы сложения и умножения вероятностей, комбинаторные факты и формулы при решении задач; оценивать вероятности реальных событий; знакомство со случайными величинами; умение приводить примеры проявления закона больших чисел в природных и общественных явлениях;</li> <li>- уметь свободно оперировать понятиями: степень с целым показателем, корень натуральной степени, степень с рациональным показателем, степень с действительным (вещественным) показателем, логарифм числа, синус, косинус и тангенс произвольного числа;</li> <li>- уметь свободно оперировать понятиями: график функции, обратная функция, композиция функций, линейная функция, квадратичная функция, степенная функция с целым показателем, тригонометрические функции, обратные тригонометрические функции, показательная и логарифмическая функции; уметь строить графики функций, выполнять преобразования графиков функций;</li> <li>- уметь использовать графики функций для изучения процессов и зависимостей при решении задач из других учебных предметов и из реальной жизни; выражать формулами зависимости между величинами;</li> <li>- свободно оперировать понятиями: четность функции, периодичность функции, ограниченность функции, монотонность функции, экстремум функции, наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке; уметь проводить исследование функции;</li> <li>- уметь использовать свойства и графики функций для решения уравнений, неравенств и задач с параметрами; изображать на координатной плоскости множества решений уравнений, неравенств и их систем</li> </ul> |
| ОК 05 Осуществлять устную и письменную коммуникацию на государственном языке Российской Федерации с | <p>В области эстетического воспитания:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- эстетическое отношение к миру, включая эстетику быта, научного и технического творчества, спорта, труда и общественных отношений;</li> <li>- способность воспринимать различные виды искусства, традиции и творчество своего и других народов, ощущать эмоциональное воздействие</li> </ul>  | <ul style="list-style-type: none"> <li>- уметь оперировать понятиями: среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия, стандартное отклонение числового набора; умение извлекать, интерпретировать информацию, представленную в таблицах, на диаграммах, графиках, отражающую свойства реальных процессов и явлений; представлять</li> </ul>  |

|   |  |  |
|---|--|--|
| учетом особенностей социального и культурного контекста   | <p>искусства;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- убежденность в значимости для личности и общества отечественного и мирового искусства, этнических культурных традиций и народного творчества;</li> <li>- готовность к самовыражению в разных видах искусства, стремление проявлять качества творческой личности;</li> </ul> <p>Овладение универсальными коммуникативными действиями:</p> <p>а) общение:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- осуществлять коммуникации во всех сферах жизни;</li> <li>- распознавать невербальные средства общения, понимать значение социальных знаков, распознавать предпосылки конфликтных ситуаций и смягчать конфликты;</li> <li>- развернуто и логично излагать свою точку зрения с использованием языковых средств</li> </ul>  | <p>информацию с помощью таблиц и диаграмм; исследовать статистические данные, в том числе с применением графических методов и электронных средств;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- уметь оперировать понятиями: точка, прямая, плоскость, пространство, двугранный угол, скрещивающиеся прямые, параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей, угол между прямыми, угол между прямой и плоскостью, угол между плоскостями, расстояние от точки до плоскости, расстояние между прямыми, расстояние между плоскостями;</li> <li>- уметь использовать при решении задач изученные факты и теоремы планиметрии; умение оценивать размеры объектов окружающего мира</li> </ul>   |
| ОК 06 Проявлять гражданско-патриотическую позицию, демонстрировать осознанное поведение на основе традиционных общечеловеческих ценностей, в том числе с учетом гармонизации межнациональных и межрелигиозных отношений, применять стандарты антикоррупционного поведения | <ul style="list-style-type: none"> <li>- осознание обучающимися российской гражданской идентичности;</li> <li>- целенаправленное развитие внутренней позиции личности на основе духовно-нравственных ценностей народов Российской Федерации, исторических и национально-культурных традиций, формирования системы значимых ценностно-смысловых установок, антикоррупционного мировоззрения, правосознания, экологической культуры, способности ставить цели и строить жизненные планы;</li> </ul> <p>В части гражданского воспитания:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- осознание своих конституционных прав и обязанностей, уважение закона и правопорядка;</li> <li>- принятие традиционных национальных, общечеловеческих, гуманистических и демократических ценностей;</li> <li>- готовность противостоять идеологии экстремизма, национализма, ксенофобии, дискриминации по социальным, религиозным, расовым, национальным признакам;</li> <li>- готовность вести совместную деятельность в интересах гражданского общества, участвовать в самоуправлении в общеобразовательной организации и детско-юношеских организациях;</li> <li>- умение взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением;</li> <li>- готовность к гуманитарной и волонтерской деятельности; патриотического воспитания:</li> </ul> | <ul style="list-style-type: none"> <li>- уметь оперировать понятиями: прямоугольная система координат, координаты точки, вектор, координаты вектора, скалярное произведение векторов на число; угол между векторами, сумма векторов, произведение вектора на число; находить с помощью изученных формул координаты середины отрезка, расстояние между двумя точками;</li> <li>- уметь выбирать подходящий изученный метод для решения задачи, распознавать математические факты и математические модели в природных и общественных явлениях, в искусстве; умение приводить примеры математических открытий российской и мировой математической науки.</li> <li>- уметь оперировать понятиями: случайный опыт и случайное событие, вероятность случайного события; уметь вычислять вероятность с использованием графических методов; применять формулы сложения и умножения вероятностей, комбинаторные факты и формулы при решении задач; оценивать вероятности реальных событий; знакомство со случайными величинами; умение приводить примеры проявления закона больших чисел в природных и общественных явлениях</li> </ul> |

|   |   |  |
|---|---|--|
|   | <ul style="list-style-type: none"> <li>- сформированность российской гражданской идентичности, патриотизма, уважения к своему народу, чувства ответственности перед Родиной, гордости за свой край, свою Родину, свой язык и культуру, прошлое и настоящее многонационального народа России;</li> <li>- ценностное отношение к государственным символам, историческому и природному наследию, памятникам, традициям народов России, достижениям России в науке, искусстве, спорте, технологиях и труде;</li> <li>- идеяная убежденность, готовность к служению и защите Отечества, ответственность за его судьбу;</li> <li>освоенные обучающимися межпредметные понятия и универсальные учебные действия (регулятивные, познавательные, коммуникативные);</li> <li>- способность их использования в познавательной и социальной практике, готовность к самостоятельному планированию и осуществлению учебной деятельности, организации учебного сотрудничества с педагогическими работниками и сверстниками, к участию в построении индивидуальной образовательной траектории;</li> <li>- овладение навыками учебно-исследовательской, проектной и социальной деятельности</li> </ul> |  |
| ОК 07 Содействовать сохранению окружающей среды, ресурсосбережению, применять знания об изменении климата, принципы бережливого производства, эффективно действовать в чрезвычайных ситуациях | <ul style="list-style-type: none"> <li>- не принимать действия, приносящие вред окружающей среде;</li> <li>- уметь прогнозировать неблагоприятные экологические последствия предпринимаемых действий, предотвращать их;</li> <li>- расширить опыт деятельности экологической направленности;</li> <li>- разрабатывать план решения проблемы с учетом анализа имеющихся материальных и нематериальных ресурсов;</li> <li>- осуществлять целенаправленный поиск переноса средств и способов действия в профессиональную среду;</li> <li>- уметь переносить знания в познавательную и практическую области жизнедеятельности;</li> <li>- предлагать новые проекты, оценивать идеи с позиции новизны, оригинальности, практической значимости;</li> <li>- давать оценку новым ситуациям, вносить корректизы в деятельность, оценивать соответствие результатов целям</li> </ul>   | <ul style="list-style-type: none"> <li>- уметь оперировать понятиями: функция, непрерывная функция, производная, первообразная, определенный интеграл; уметь находить производные элементарных функций, используя справочные материалы; исследовать в простейших случаях функции на монотонность, находить наибольшие и наименьшие значения функций; строить графики многочленов с использованием аппарата математического анализа; применять производную при решении задач на движение; решать практико-ориентированные задачи на наибольшие и наименьшие значения, нахождение пути, скорости и ускорения;</li> <li>- уметь оперировать понятиями: движение в пространстве, подобные фигуры в пространстве; использовать отношение площадей поверхностей и объемов подобных фигур при решении задач;</li> <li>- уметь вычислять геометрические величины (длина, угол, площадь, объем, площадь поверхности), используя изученные формулы и методы</li> </ul> |
| ПК...   |   |  |

## **2. Структура и содержание общеобразовательной дисциплины**

### **2.1. Объем дисциплины и виды учебной работы**

| <b>Вид учебной работы</b>   | <b>Объем в часах</b> |
|---|----------------------|
| <b>Объем образовательной программы дисциплины</b>                                 | <b>340</b>           |
| <b>в т.ч.</b>   |                      |
| <b>Основное содержание</b>  | <b>249</b>           |
| в т. ч.:  |                      |
| теоретическое обучение  | 102                  |
| практические занятия  | 147                  |
| Контрольные работы  | 12                   |
| <b>Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля)</b> | <b>51</b>            |
| в т. ч.:  |                      |
| теоретическое обучение  | 2                    |
| практические занятия  | 49                   |
| <b>Индивидуальный проект (да/нет)</b>   | <b>нет</b>           |
| <b>Консультации</b>   | <b>2</b>             |
| <b>Промежуточная аттестация (экзамен)</b>   | <b>6</b>             |

## 2.2. Тематический план и содержание дисциплины

| Наименование разделов и тем                                     | Содержание учебного материала (основное и профессионально-ориентированное), лабораторные и практические занятия, прикладной модуль (при наличии)  |   | Объем часов | Формируемые компетенции  |
|---|---|---|-------------|--|
|   | 1   | 2 |             |  |
| <b>Раздел 1. Повторение курса математики основной школы</b>     |   |   | 18          |  |
| Тема 1.1<br>Цель и задачи математики при освоении специальности | <b>Основное содержание учебного материала</b><br><b>Комбинированное занятие</b><br>Базовые знания и умения по математике в профессиональной и в повседневной деятельности.  |   | 1           |  |
| Тема 1.2<br>Числа и вычисления.<br>Выражения и преобразования   | <b>Основное содержание учебного материала</b><br><b>Комбинированное занятие</b><br>Действия над положительными и отрицательными числами, обыкновенными и десятичными дробями.<br>Действия со степенями, формулы сокращенного умножения.                           |   | 1           |  |
| Тема 1.3.<br>Геометрия на плоскости                             | <b>Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля)</b><br><b>Практическое занятие</b><br>Виды плоских фигур и их площадь.<br>Практико-ориентированные задачи в курсе геометрии на плоскости  |   | 2           | OK-01, OK-02,<br>OK-03, OK-04,<br>OK-05, OK-06,<br>OK-07<br><b>ПК...</b> |
| Тема 1.4<br>Процентные вычисления                               | <b>Основное содержание учебного материала</b><br><b>Практическое занятие</b><br>Простые проценты, разные способы их вычисления. Сложные проценты  |   | 4           |  |
| Тема 1.5<br>Уравнения и неравенства                             | <b>Основное содержание учебного материала</b><br><b>Практическое занятие</b><br>Линейные, квадратные, дробно-линейные уравнения и неравенства   |   | 2           |  |
| Тема 1.6<br>Системы уравнений и неравенств                      | <b>Основное содержание учебного материала</b><br><b>Комбинированное занятие</b><br>Способы решения систем линейных уравнений. Понятия: матрица $2 \times 2$ и $3 \times 3$ , определитель матрицы. Метод Гаусса. Системы нелинейных уравнений. Системы неравенств |   | 6           |  |
| Тема 1.7<br>Входной контроль                                    | <b>Основное содержание учебного материала</b><br>Вычисления и преобразования. Уравнения и неравенства. Геометрия на   | 2 | 1           |  |

|   |  |           |   |
|---|--|-----------|---|
|   | плоскости  |           |   |
|   | <b>Контрольная работа</b>  | 1         |   |
|   | <b>Самостоятельная работа</b><br>Применение процентов в экономических расчётах   | 2         |   |
| <b>Раздел 2 Прямые и плоскости в пространстве</b>                               |  | <b>20</b> |   |
| Тема 2.1.<br>Основные понятия стереометрии.<br>Расположение прямых и плоскостей | <b>Основное содержание учебного материала</b><br><b>Комбинированное занятие</b><br>Предмет стереометрии. Основные понятия (точка, прямая, плоскость, пространство). Основные аксиомы стереометрии. Пересекающиеся, параллельные и скрещивающиеся прямые. Признак и свойство скрещивающихся прямых. Основные пространственные фигуры.   | 2         |   |
| Тема 2.2.<br>Параллельность прямых, прямой и плоскости, плоскостей              | <b>Основное содержание учебного материала</b><br><b>Комбинированное занятие</b><br>Параллельные прямая и плоскость. Определение. Признак. Свойства (с доказательством). Параллельные плоскости. Определение. Признак. Свойства (с доказательством). Тетраэдр и его элементы. Параллелепипед и его элементы. Свойства противоположных граней и диагоналей параллелепипеда. Построение сечений. Решение задач. | 6         | OK-01, OK-03,<br>OK-04, OK-07<br><b>ПК...</b> |
| Тема 2.3.<br>Перпендикулярность прямых, прямой и плоскости, плоскостей          | <b>Основное содержание учебного материала</b><br><b>Комбинированное занятие</b><br>Перпендикулярные прямые. Параллельные прямые, перпендикулярные к плоскости. Признак перпендикулярности прямой и плоскости. Доказательство. Перпендикуляр и наклонная. Перпендикулярные плоскости. Признак перпендикулярности плоскостей. Доказательство.<br>Расстояния в пространстве                                     | 2         |   |
| Тема 2.4.<br>Теорема о трех перпендикулярах                                     | <b>Основное содержание учебного материала</b><br><b>Комбинированное занятие</b><br>Теорема о трех перпендикулярах. Доказательство. Угол между прямой и плоскостью. Угол между плоскостями  | 4         |   |
| Тема 2.5.<br>Параллельные,  | <b>Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля)</b>  | 4         |   |

|  |   |           |   |
|--|---|-----------|---|
| перпендикулярные, скрещивающиеся прямые  | <b>Практическое занятие</b><br>Аксиомы стереометрии. Перпендикулярность прямой и плоскости, параллельность двух прямых, перпендикулярных плоскостей, перпендикулярность плоскостей  |           |   |
| Тема 2.6.<br>Решение задач. Прямые и плоскости в пространстве  | <b>Основное содержание учебного материала</b><br><br>Расположение прямых и плоскостей в пространстве. Перпендикулярность и параллельность прямых и плоскостей. Скрещивающиеся прямые  | 2<br>1    |   |
|  | <b>Контрольная работа</b>   | 1         |   |
| <b>Раздел 3. Координаты и векторы</b>  |   | <b>16</b> |   |
| Тема 3.1<br><br>Декартовы координаты в пространстве. Расстояние между двумя точками. Координаты середины отрезка | <b>Основное содержание учебного материала</b><br><br><b>Комбинированное занятие</b><br><br>Декартовы координаты в пространстве. Простейшие задачи в координатах. Расстояние между двумя точками, координаты середины отрезка  | 4         |   |
| Тема 3.2<br><br>Векторы в пространстве. Угол между векторами. Скалярное произведение векторов                    | <b>Основное содержание учебного материала</b><br><br><b>Комбинированное занятие</b><br><br>Векторы в пространстве. Сложение и вычитание векторов. Умножение вектора на число. Компланарные векторы. Скалярное произведение векторов. Разложение вектора по трем некомпланарным векторам. Координаты вектора, скалярное произведение векторов в координатах, угол между векторами, угол между прямой и плоскостью, угол между плоскостями. Уравнение плоскости. Геометрический смысл определителя $2 \times 2$ | 6         | OK-02, OK-03,<br>OK-04, OK-07<br><b>ПК...</b> |
| Тема 3.3<br><br>Практико-ориентированные задачи на координатной плоскости  | <b>Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля)</b><br><br><b>Практическое занятие</b><br><br>Координатная плоскость. Вычисление расстояний и площадей на плоскости. Количественные расчеты   | 4         |   |
| Тема 3.4<br><br>Решение задач. Координаты и векторы  | <b>Основное содержание учебного материала</b><br><br>Декартовы координаты в пространстве. Векторы в пространстве. Сложение и вычитание векторов. Умножение вектора на число. Компланарные векторы. Скалярное произведение векторов. Разложение вектора по трем некомпланарным векторам. Простейшие задачи в координатах. Координаты вектора, расстояние между точками, координаты середины отрезка, скалярное   | 2<br>1    |   |

|  |   |           |  |
|--|---|-----------|--|
|  | произведение векторов в координатах, угол между векторами, угол между прямой и плоскостью, угол между плоскостями   |           |  |
|  | <b>Контрольная работа</b>   | 1         |  |
|  | <b>Самостоятельная работа</b><br>Использование координат и векторов при решении математических и прикладных задач.<br>Проекция вектора на ось, свойства, декартовых базис.<br>Физический смысл скалярного произведения.   | 2         |  |
| <b>Раздел 4. Основы тригонометрии. Тригонометрические функции</b>  |   | <b>40</b> |  |
| Тема 4.1<br>Тригонометрические функции произвольного угла, числа. Радианная и градусная мера угла                          | <b>Основное содержание учебного материала</b><br><b>Комбинированное занятие</b><br>Радианная мера угла. Поворот точки вокруг начала координат. Определение синуса, косинуса, тангенса и котангенса. Знаки синуса, косинуса, тангенса и котангенса по четвертям. Зависимость между синусом, косинусом, тангенсом и котангенсом одного и того же угла   | 4         |  |
| Тема 4.2<br>Основные тригонометрические тождества.<br>Формулы приведения   | <b>Основное содержание учебного материала</b><br><b>Комбинированное занятие</b><br>Тригонометрические тождества. Синус, косинус, тангенс и котангенс углов $\alpha$ и $-\alpha$ . Формулы приведения  | 4         | OK-01, OK-02,<br>OK-03, OK-04,<br>OK-05, OK-06,<br>OK-07<br><b>ПК...</b> |
| Тема 4.3<br>Синус, косинус, тангенс суммы и разности двух углов<br>Синус и косинус двойного угла. Формулы половинного угла | <b>Основное содержание учебного материала</b><br><b>Комбинированное занятие</b><br>Сумма и разность синусов. Сумма и разность косинусов. Синус и косинус двойного угла. Формулы половинного угла. Преобразования суммы тригонометрических функций в произведение и произведения в сумму. Выражение тригонометрических функций через тангенс половинного аргумента. Преобразования простейших тригонометрических выражений | 8         |  |
| Тема 4.4<br>Функции, их свойства.<br>Способы задания функций   | <b>Основное содержание учебного материала</b><br><b>Комбинированное занятие</b><br>Область определения и множество значений функций. Чётность, нечётность, периодичность функций. Способы задания функций   | 2         |  |
| Тема 4.5   | <b>Основное содержание учебного материала</b>   | 2         |  |

|   |  |             |
|---|--|-------------|
| Тригонометрические функции, их свойства и графики                               | <b>Комбинированное занятие</b><br>Область определения и множество значений тригонометрических функций. Чётность, нечётность, периодичность тригонометрических функций. Свойства и графики функций $y = \cos x$ , $y = \sin x$ , $y = \operatorname{tg} x$ , $y = \operatorname{ctg} x$ .   |             |
| Тема 4.6<br>Преобразование графиков тригонометрических функций                  | <b>Основное содержание учебного материала</b><br><b>Практическое занятие</b><br>Сжатие и растяжение графиков тригонометрических функций.<br>Преобразование графиков тригонометрических функций   | 2           |
| Тема 4.7<br>Описание производственных процессов с помощью графиков функций      | <b>Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля)</b><br><b>Практическое занятие</b><br>Использование свойств тригонометрических функций в профессиональных задачах  | 4           |
| Тема 4.8<br>Обратные тригонометрические функции                                 | <b>Основное содержание учебного материала</b><br><b>Комбинированное занятие</b><br>Обратные тригонометрические функции. Их свойства и графики  | 2           |
| Тема 4.9<br>Тригонометрические уравнения и неравенства                          | <b>Основное содержание учебного материала</b><br><b>Комбинированное занятие</b><br>Уравнение $\cos x = a$ . Уравнение $\sin x = a$ . Уравнение $\operatorname{tg} x = a$ , $\operatorname{ctg} x = a$ . Решение тригонометрических уравнений основных типов: простейшие тригонометрические уравнения, сводящиеся к квадратным, решаемые разложением на множители, однородные.<br>Простейшие тригонометрические неравенства | 8           |
| Тема 4.10<br>Системы тригонометрических уравнений                               | <b>Основное содержание учебного материала</b><br><b>Комбинированное занятие</b><br>Системы простейших тригонометрических уравнений   | 2           |
| Тема 4.11<br>Решение задач. основы тригонометрии.<br>Тригонометрические функции | <b>Основное содержание учебного материала</b><br>Преобразование тригонометрических выражений. Решение тригонометрических уравнений и неравенств в том числе с использованием свойств функций.<br><b>Контрольная работа</b>   | 2<br>1<br>1 |

|   |   |           |  |
|---|---|-----------|--|
|   | <b>Самостоятельная работа</b><br>Арифметические действия над функциями.<br>Композиция двух функций.   |           |  |
| <b>Раздел 5. Комплексные числа</b>  |   | <b>8</b>  |  |
| Тема 5.1<br>Комплексные числа   | <b>Основное содержание учебного материала</b><br><b>Комбинированное занятие</b><br>Понятие комплексного числа. Сопряженные комплексные числа, модуль и аргумент комплексного числа. Форма записи комплексного числа (геометрическая, тригонометрическая, алгебраическая). Арифметические действия с комплексными числами  | <b>4</b>  | OK-01,<br>OK-02,<br>OK-04,<br>OK-05,<br>OK-06,<br><b>ПК...</b>           |
| Тема 5.2<br>Применение комплексных чисел  | <b>Основное содержание учебного материала</b><br><b>Практическое занятие</b><br>Выполнение расчетов с помощью комплексных чисел. Примеры использования комплексных чисел  | <b>4</b>  |  |
| <b>Раздел 6. Производная функции, ее применение</b>                             |   | <b>40</b> |  |
| Тема 6.1<br>Понятие производной. Формулы и правила дифференцирования            | <b>Основное содержание учебного материала</b><br><b>Комбинированное занятие</b><br>Определение числовой последовательности и способы ее задания. Свойства числовых последовательностей. Определение предела последовательности. Вычисление пределов последовательностей. Предел функции на бесконечности. Предел функции в точке. Приращение аргумента. Приращение функции. Задачи, приводящие к понятию производной. Определение производной. Алгоритм отыскания производной | <b>2</b>  | OK-01, OK-02,<br>OK-03, OK-04,<br>OK-05, OK-06,<br>OK-07<br><b>ПК...</b> |
| Тема 6.2<br>Производные суммы, разности произведения, частного                  | <b>Основное содержание учебного материала</b><br><b>Комбинированное занятие</b><br>Формулы дифференцирования. Правила дифференцирования   | <b>6</b>  |  |
| Тема 6.3<br>Производные тригонометрических функций. Производная сложной функции | <b>Основное содержание учебного материала</b><br><b>Комбинированное занятие</b><br>Определение сложной функции. Производная тригонометрических функций. Производная сложной функции   | <b>6</b>  |  |
| Тема 6.4  | <b>Основное содержание учебного материала</b>   | <b>2</b>  |  |

|   |  |   |
|---|--|---|
| Понятие о непрерывности функции. Метод интервалов                   | <b>Комбинированное занятие</b><br>Понятие непрерывной функции. Свойства непрерывной функции. Связь между непрерывностью и дифференцируемостью функции в точке. Алгоритм решения неравенств методом интервалов  |   |
| Тема 6.5<br>Геометрический и физический смысл производной           | <b>Основное содержание учебного материала</b><br><b>Комбинированное занятие</b><br>Геометрический смысл производной функции – угловой коэффициент касательной к графику функции в точке. Уравнение касательной к графику функции. Алгоритм составления уравнения касательной к графику функции $y=f(x)$  | 4 |
| Тема 6.6<br>Физический смысл производной в профессиональных задачах | <b>Основное содержание учебного материала</b><br><b>Практическое занятие</b><br>Физический (механический) смысл производной – мгновенная скорость в момент времени $t$ : $v = S'(t)$   | 2 |
| Тема 6.7<br>Монотонность функции. Точки экстремума                  | <b>Основное содержание учебного материала</b><br><b>Комбинированное занятие</b><br>Возрастание и убывание функции, соответствие возрастания и убывания функции знаку производной. Понятие производной высшего порядка, соответствие знака второй производной выпуклости (вогнутости) функции на отрезке. Задачи на максимум и минимум. Понятие асимптоты, способы их определения. Алгоритм исследования функции и построения ее графика с помощью производной. Дробно-линейная функция | 4 |
| Тема 6.8<br>Исследование функций и построение графиков              | <b>Основное содержание учебного материала</b><br><b>Комбинированное занятие</b><br>Исследование функции на монотонность и построение графиков.   | 4 |
| Тема 6.9 Наибольшее и наименьшее значения функции                   | <b>Основное содержание учебного материала</b><br><b>Комбинированное занятие</b><br>Нахождение наибольшего и наименьшего значений функций, построение графиков многочленов с использованием аппарата математического анализа  | 2 |
| Тема 6.10<br>Нахождение   | <b>Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля)</b>  | 6 |

|   |  |           |  |
|---|--|-----------|--|
| оптимального результата с помощью производной в практических задачах                          | <b>Практическое занятие</b><br>Наименьшее и наибольшее значение функции  |           |  |
| Тема 6.11<br>Решение задач.<br>Производная функции, ее применение                             | <b>Основное содержание учебного материала</b><br>Формулы и правила дифференцирования. Исследование функций с помощью производной. Наибольшее и наименьшее значения функции                               | 2         |  |
|   | <b>Контрольная работа</b>  | 1         |  |
|   | <b>Самостоятельная работа</b><br>Составить тест по теме «Производная показательной, логарифмической и степенной функции»   | 1         |  |
|   | Расчетно-графическая работа по теме «Исследование функции и построение графика»  | 4         |  |
| <b>Раздел 7. Многогранники и тела вращения</b>  |  | <b>40</b> |  |
| Тема 7.1<br>Вершины, ребра, грани многогранника   | <b>Основное содержание учебного материала</b><br><b>Комбинированное занятие</b><br>Понятие многогранника. Его элементы: вершины, ребра, грани. Диагональ. Сечение. Выпуклые и невыпуклые многогранники   | 2         | OK-01, OK-02,<br>OK-03, OK-04,<br>OK-05, OK-06,<br>OK-07<br><b>ПК...</b> |
| Тема 7.2<br>Призма, ее составляющие, сечение.<br>Прямая и правильная призмы                   | <b>Основное содержание учебного материала</b><br><b>Комбинированное занятие</b><br>Понятие призмы. Ее основания и боковые грани. Высота призмы. Прямая и наклонная призма. Правильная призма. Ее сечение | 2         |  |
| Тема 7.3<br>Параллелепипед, куб.<br>Сечение куба, параллелепипеда                             | <b>Основное содержание учебного материала</b><br><b>Комбинированное занятие</b><br>Параллелепипед, свойства прямоугольного параллелепипеда, куб. Сечение куба, параллелепипеда                           | 2         |  |
| Тема 7.4<br>Пирамида, ее составляющие, сечение.<br>Правильная пирамида.<br>Усеченная пирамида | <b>Основное содержание учебного материала</b><br><b>Комбинированное занятие</b><br>Пирамида и ее элементы. Сечение пирамиды. Правильная пирамида. Усеченная пирамида                                     | 2         |  |
| Тема 7.5  | <b>Основное содержание учебного материала</b>  | 2         |  |

|   |  |  |   |
|---|--|--|---|
| Боковая и полная поверхность призмы, пирамиды                   | <b>Комбинированное занятие</b><br>Площадь боковой и полной поверхности призмы, пирамиды  |  |   |
| Тема 7.6<br>Симметрия в кубе, параллелепипеде, призме, пирамиде | <b>Основное содержание учебного материала</b><br><b>Комбинированное занятие</b><br>Симметрия относительно точки, прямой, плоскости. Симметрия в кубе, параллелепипеде, призме, пирамиде  |  | 2 |
| Тема 7.7<br>Примеры симметрий в профессии                       | <b>Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля)</b><br><b>Практическое занятие</b><br>Симметрия в природе, архитектуре, технике, в быту  |  | 6 |
| Тема 7.8<br>Правильные многогранники, их свойства               | <b>Основное содержание учебного материала</b><br><b>Практическое занятие</b><br>Понятие правильного многогранника. Свойства правильных многогранников  |  | 1 |
| Тема 7.9<br>Цилиндр, его составляющие. Сечение цилиндра         | <b>Основное содержание учебного материала</b><br><b>Комбинированное занятие</b><br>Цилиндр и его элементы. Сечение цилиндра (параллельное основанию и оси). Разворотка цилиндра  |  | 1 |
| Тема 7.10<br>Конус, его составляющие. Сечение конуса            | <b>Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля)</b><br><b>Комбинированное занятие</b><br>Конус и его элементы. Сечение конуса (параллельное основанию и проходящее через вершину), конические сечения. Разворотка конуса |  | 4 |
| Тема 7.11<br>Усеченный конус. Сечение усеченного конуса         | <b>Основное содержание учебного материала</b><br><b>Комбинированное занятие</b><br>Усеченный конус. Его образующая и высота. Сечение усеченного конуса   |  | 1 |
| Тема 7.12<br>Шар и сфера, их сечения                            | <b>Основное содержание учебного материала</b><br><b>Комбинированное занятие</b><br>Шар и сфера. Взаимное расположение сферы и плоскости. Сечение шара, сферы   |  | 1 |
| Тема 7.13   | <b>Основное содержание учебного материала</b>  |  | 2 |

|  |   |                  |  |
|--|---|------------------|--|
| Понятие об объеме тела.<br>Отношение объемов подобных тел              | <b>Комбинированное занятие</b><br>Понятие об объеме тела. Объем куба и прямоугольного параллелепипеда. Объем призмы и цилиндра. Отношение объемов подобных тел. Геометрический смысл определителя 3-го порядка  |                  |  |
| Тема 7.14<br>Объемы и площади поверхностей тел                         | <b>Основное содержание учебного материала</b><br><b>Комбинированное занятие</b><br>Объемы пирамиды и конуса. Объем шара. Площади поверхностей тел   | 2                |  |
| Тема 7.15<br>Комбинации многогранников и тел вращения                  | <b>Основное содержание учебного материала</b><br><b>Практическое занятие</b><br>Комбинации геометрических тел   | 4                |  |
| Тема 7.16<br>Геометрические комбинации на практике                     | <b>Основное содержание учебного материала</b><br><b>Практическое занятие</b><br>Использование комбинаций многогранников и тел вращения в практико-ориентированных задачах   | 4                |  |
| Тема 7.17<br>Решение задач.<br>Многогранники и тела вращения           | <b>Основное содержание учебного материала</b><br>Объемы и площади поверхности многогранников и тел вращения<br><b>Контрольная работа</b><br><b>Самостоятельная работа</b><br>Правильные и полуправильные многогранники.<br>Конические сечения и их применения в технике.<br>Объём тела, образованного вращением вокруг оси ОХ, вокруг оси ОУ криволинейной трапеции.<br>Площадь поверхности вращения.   | 2<br>1<br>1<br>2 |  |
| <b>Раздел 8. Первообразная функции, ее применение</b>                  |   | 12               |  |
| Тема 8.1<br>Первообразная функции.<br>Правила нахождения первообразных | <b>Основное содержание учебного материала</b><br><b>Комбинированное занятие</b><br>Задача о восстановлении закона движения по известной скорости. Понятие интегрирования. Ознакомление с понятием интеграла и первообразной для функции $y=f(x)$ . Решение задач на связь первообразной и ее производной, вычисление первообразной для данной функции. Таблица формул для нахождения первообразных. Изучение правила вычисления первообразной | 2                | OK-01, OK-02,<br>OK-03, OK-04,<br>OK-05, OK-06,<br>OK-07<br><b>ПК...</b> |
| Тема 8.2   | <b>Основное содержание учебного материала</b>   | 2                |  |

|  |   |             |  |
|--|---|-------------|--|
| Площадь криволинейной трапеции. Формула Ньютона-Лейбница                         | <b>Комбинированное занятие</b><br>Задачи, приводящие к понятию определенного интеграла – о вычислении площади криволинейной трапеции, о перемещении точки. Понятие определённого интеграла. Геометрический и физический смысл определенного интеграла. Формула Ньютона-Лейбница |             |  |
| Тема 8.3<br>Неопределенный и определенный интегралы                              | <b>Основное содержание учебного материала</b><br><b>Комбинированное занятие</b><br>Понятие неопределенного интеграла  | 1           |  |
| Тема 8.4<br>Понятие об определенном интеграле как площади криволинейной трапеции | <b>Основное содержание учебного материала</b><br><b>Комбинированное занятие</b><br>Геометрический смысл определенного интеграла   | 1           |  |
| Тема 8.5<br>Определенный интеграл в жизни  | <b>Профessionально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля)</b><br><b>Практическое занятие</b><br>Геометрический смысл определенного интеграла. Формула Ньютона-Лейбница. Решение задач на применение интеграла для вычисления физических величин и площадей  | 4           |  |
| Тема 8.6<br>Решение задач.<br>Первообразная функции, ее применение               | <b>Основное содержание учебного материала</b><br>Первообразная функции. Правила нахождения первообразных. Ее применение<br><b>Контрольная работа</b>  | 2<br>1<br>1 |  |
| <b>Раздел 9. Степени и корни. Степенная функция</b>                              |   | 18          |  |
| Тема 9.1<br>Степенная функция, ее свойства                                       | <b>Основное содержание учебного материала</b><br><b>Комбинированное занятие</b><br>Понятие корня n-ой степени из действительного числа. Функции $y = \sqrt[n]{x}$ их свойства и графики. Свойства корня n-ой степени  | 4           | OK-01, OK-02,<br>OK-03, OK-04,<br>OK-05, OK-07 |
| Тема 9.2<br>Преобразование выражений с корнями n-ой степени                      | <b>Основное содержание учебного материала</b><br><b>Комбинированное занятие</b><br>Преобразование иррациональных выражений  | 4           |  |
| Тема 9.3   | <b>Основное содержание учебного материала</b>   | 2           |  |

|   |  |             |  |
|---|--|-------------|--|
| Свойства степени с рациональным и действительным показателями | <b>Комбинированное занятие</b><br>Понятие степени с любым рациональным показателем. Степенные функции, их свойства и графики   |             |  |
| Тема 9.4<br>Решение иррациональных уравнений и неравенств     | <b>Основное содержание учебного материала</b><br><b>Комбинированное занятие</b><br>Равносильность иррациональных уравнений и неравенств. Методы их решения. Решение иррациональных уравнений и неравенств  | 6           |  |
| Тема 9.5<br>Степени и корни.<br>Степенная функция             | <b>Основное содержание учебного материала</b><br>Определение степенной функции. Использование ее свойств при решении уравнений и неравенств<br><b>Контрольная работа</b>   | 2<br>1<br>1 |  |
| <b>Раздел 10. Показательная функция</b>                       |  | 16          |  |
| Тема 10.1<br>Показательная функция, ее свойства               | <b>Основное содержание учебного материала</b><br><b>Комбинированное занятие</b><br>Степень с произвольным действительным показателем. Определение показательной функции, ее свойства и график. Знакомство с применением показательной функции. Решение показательных уравнений функционально-графическим методом | 4           |  |
| Тема 10.2<br>Решение показательных уравнений и неравенств     | <b>Основное содержание учебного материала</b><br><b>Практическое занятие</b><br>Решение показательных уравнений методом уравнивания показателей, методом введения новой переменной, функционально-графическим методом. Решение показательных неравенств  | 6           | OK-01, OK-02,<br>OK-03, OK-04,<br>OK-05, OK-07 |
| Тема 10.3<br>Системы показательных уравнений                  | <b>Основное содержание учебного материала</b><br><b>Комбинированное занятие</b><br>Решение систем показательных уравнений  | 4           |  |
| Тема 10.4<br>Решение задач.<br>Показательная функция          | <b>Основное содержание учебного материала</b><br>Решение показательных уравнений методом уравнивания показателей и методом введения новой переменной. Решение показательных неравенств<br><b>Контрольная работа</b>  | 2<br>1<br>1 |  |
| <b>Раздел 11. Логарифмы. Логарифмическая функция</b>          |  | 28          | OK-01, OK-02,<br>OK-03, OK-04,                 |
| Тема 11.1   | <b>Основное содержание учебного материала</b>  | 4           |  |

|   |  |                  |                              |
|---|--|------------------|------------------------------|
| Логарифм числа.<br>Десятичный и<br>натуральный логарифмы,<br>число е    | <b>Комбинированное занятие</b><br>Логарифм числа. Десятичный и натуральный логарифмы, число е  |                  | OK-05, OK-07<br><b>ПК...</b> |
| Тема 11.2<br>Свойства логарифмов.<br>Операция<br>логарифмирования       | <b>Основное содержание учебного материала</b><br><b>Комбинированное занятие</b><br>Свойства логарифмов. Операция логарифмирования.   | 6                |                              |
| Тема 11.3<br>Логарифмическая<br>функция, ее свойства                    | <b>Основное содержание учебного материала</b><br><b>Комбинированное занятие</b><br>Логарифмическая функция и ее свойства   | 4                |                              |
| Тема 11.4<br>Решение<br>логарифмических<br>уравнений и неравенств       | <b>Основное содержание учебного материала</b><br><b>Комбинированное занятие</b><br>Понятие логарифмического уравнения. Операция потенцирования. Три основных метода решения логарифмических уравнений: функционально-графический, метод потенцирования, метод введения новой переменной. Логарифмические неравенства | 6                |                              |
| Тема 11.5<br>Системы<br>логарифмических<br>уравнений                    | <b>Основное содержание учебного материала</b><br><b>Комбинированное занятие</b><br>Алгоритм решения системы уравнений. Равносильность логарифмических уравнений и неравенств   | 2                |                              |
| Тема 11.6<br>Логарифмы в природе и<br>технике                           | <b>Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля)</b><br><b>Практическое занятие</b><br>Применение логарифма. Логарифмическая спираль в природе. Ее математические свойства  | 4                |                              |
| Тема 11.7<br>Решение задач.<br>Логарифмы.<br>Логарифмическая<br>функция | <b>Основное содержание учебного материала</b><br>Логарифмическая функция. Решение простейших логарифмических уравнений<br><b>Контрольная работа</b><br><b>Самостоятельная работа</b><br>Приложения логарифмов<br>Примеры различных процессов, описываемых с помощью показательных и                                  | 2<br>1<br>1<br>4 |                              |

|  |   |             |  |
|--|---|-------------|--|
|  | логарифмических функций   |             |  |
| <b>Раздел 12. Множества. Элементы теории графов</b>                          |   | <b>10</b>   |  |
| Тема 12.1<br>Множества   | <b>Основное содержание учебного материала</b><br><br><b>Комбинированное занятие</b><br>Понятие множества. Подмножество. Операции с множествами  | 2           |  |
| Тема 12.2<br>Операции с множествами  | <b>Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля)</b><br><br><b>Практическое занятие</b><br>Операции с множествами. Решение прикладных задач  | 2           |  |
| Тема 12.3<br>Графы   | <b>Основное содержание учебного материала</b><br><br><b>Практическое занятие</b><br>Понятие графа. Связный граф, дерево, цикл граф на плоскости   | 4           |  |
| Тема 12.4<br>Решение задач.<br>Множества, Графы и их применение              | <b>Основное содержание учебного материала</b><br><br>Операции с множествами. Описание реальных ситуаций с помощью множеств. Применение графов к решению задач<br><br><b>Контрольная работа</b>  | 2<br>1<br>1 |  |
| <b>Раздел 13. Элементы комбинаторики, статистики и теории вероятностей</b>   |   | <b>24</b>   | OK-01, OK-02,<br>OK-03, OK-04,<br>OK-05, OK-07<br><b>ПК...</b> |
| Тема 13.1<br>Основные понятия комбинаторики                                  | <b>Основное содержание учебного материала</b><br><br><b>Комбинированное занятие</b><br>Перестановки, размещения, сочетания.   | 4           |  |
| Тема 13.2<br>Событие, вероятность события. Сложение и умножение вероятностей | <b>Основное содержание учебного материала</b><br><br><b>Комбинированное занятие</b><br>Совместные и несовместные события. Теоремы о вероятности суммы событий. Условная вероятность. Зависимые и независимые события. Теоремы о вероятности произведения событий. | 4           |  |
| Тема 13.3<br>Вероятность в профессиональных задачах                          | <b>Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля)</b><br><br><b>Практическое занятие</b><br>Относительная частота события, свойство ее устойчивости. Статистическое определение вероятности. Оценка вероятности события               | 4           |  |
| Тема 13.4  | <b>Основное содержание учебного материала</b>   | 2           |  |

|   |   |                  |   |
|---|---|------------------|---|
| Дискретная случайная величина, закон ее распределения                                   | <b>Комбинированное занятие</b><br>Виды случайных величин. Определение дискретной случайной величины. Закон распределения дискретной случайной величины. Ее числовые характеристики  |                  |   |
| Тема 13.5<br>Задачи математической статистики   | <b>Основное содержание учебного материала</b><br><b>Комбинированное занятие</b><br>Вариационный ряд. Полигон частот и гистограмма. Статистические характеристики ряда наблюдаемых данных  | 4                |   |
| Тема 13.6<br>Составление таблиц и диаграмм на практике                                  | <b>Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля)</b><br><b>Практическое занятие</b><br>Первичная обработка статистических данных. Графическое их представление. Нахождение средних характеристик, наблюдаемых данных   | 4                |   |
| Тема 13.7<br>Решение задач.<br>Элементы комбинаторики, статистики и теории вероятностей | <b>Основное содержание учебного материала</b><br>Элементы комбинаторики. Событие, вероятность события. Сложение и умножение вероятностей<br><b>Контрольная работа</b><br><b>Самостоятельная работа</b><br>Схемы Бернулли повторных испытаний.<br>Средние значения и их применение в статистике.   | 2<br>1<br>1<br>4 |   |
| <b>Раздел 14. Уравнения и неравенства</b>   |   | 22               |   |
| Тема 14.1<br>Равносильность уравнений и неравенств.<br>Общие методы решения             | <b>Основное содержание учебного материала</b><br><b>Комбинированное занятие</b><br>Равносильность уравнений и неравенств. Определения. Основные теоремы равносильных переходов в уравнениях и неравенствах. Общие методы решения уравнений: переход от равенства функций к равенству аргументов для монотонных функций, метод разложения на множители, метод введения новой переменной, функционально-графический метод | 4                | OK-01, OK-02,<br>OK-03, OK-04,<br>OK-05, OK-06,<br>OK-07<br>ПК... |
| Тема 14.2<br>Графический метод решения уравнений, неравенств                            | <b>Основное содержание учебного материала</b><br><b>Комбинированное занятие</b><br>Общие методы решения неравенств: переход от сравнения значений функций к сравнению значений аргументов для монотонных функций, метод интервалов, функционально-графический метод. Графический метод решения уравнений и неравенств   | 2                |   |

|   |  |            |  |
|---|--|------------|--|
| Тема 14.3<br>Уравнения и неравенства с модулем                                | <b>Основное содержание учебного материала</b>  | 2          |  |
|   | <b>Комбинированное занятие</b><br>Определение модуля. Раскрытие модуля по определению. Простейшие уравнения и неравенства с модулем. Применение равносильных переходов в определенных типах уравнений и неравенств с модулем |            |  |
| Тема 14.4<br>Уравнения и неравенства с параметрами                            | <b>Основное содержание учебного материала</b>  | 4          |  |
|   | <b>Комбинированное занятие</b><br>Знакомство с параметром. Простейшие уравнения и неравенства с параметром   |            |  |
| Тема 14.5<br>Составление и решение профессиональных задач с помощью уравнений | <b>Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля)</b>  | 8          |  |
|   | <b>Практическое занятие</b><br>Решение текстовых задач профессионального содержания  |            |  |
| Тема 14.6<br>Решение задач.<br>Уравнения и неравенства                        | <b>Основное содержание учебного материала</b>  | 2          |  |
|   | <b>Практическое занятие</b><br>Общие методы решения уравнений. Уравнения и неравенства с модулем и с параметрами   |            |  |
| <b>Консультация</b>   |  | 2          |  |
| <b>Промежуточная аттестация (Экзамен)</b>                                     |  | 6          |  |
| <b>Всего:</b>   |  | <b>340</b> |  |

### **3. Условия реализации программы общеобразовательной дисциплины**

#### **3.1. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по предмету**

Реализация учебного предмета осуществляется с использованием материально-технической базы Техникума, обеспечивающей проведение всех видов учебных занятий и научно-исследовательской и самостоятельной работы обучающихся. Специальные помещения представляют собой учебные аудитории для проведения всех видов занятий, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации. Помещения для самостоятельной работы обучающихся оснащены компьютерной техникой с возможностью подключения к сети "Интернет" и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду Техникума. Все помещения укомплектованы специализированной мебелью и оснащены мультимедийным оборудованием спецоборудованием (информационно-телекоммуникационным, иным компьютерным), доступом к информационно-поисковым, справочно-правовым системам, электронным библиотечным системам, базам данных действующего законодательства, иным информационным ресурсам, служащими для представления учебной информации большой аудитории. Для проведения занятий лекционного типа – презентации и другие учебно-наглядные пособия, обеспечивающие тематические иллюстрации.

#### **3.2. Информационное обеспечение реализации программы**

##### **3.2.1. Основные электронные издания**

1. Богомолов, Н. В. Алгебра и начала анализа [Электронный ресурс] : учебное пособие для среднего профессионального образования / Н. В. Богомолов. — Москва : Издательство Юрайт, 2021. — 240 с. — Режим доступа: <https://urait.ru/bcode/469825> (дата обращения: 04.10.2023).

2. Богомолов, Н. В. Геометрия [Электронный ресурс] : учебное пособие для среднего профессионального образования / Н. В. Богомолов. — Москва : Издательство Юрайт, 2023. — 108 с. — Режим доступа: URL: <https://urait.ru/bcode/511955> (дата обращения: 04.10.2023).

3. Богомолов, Н. В. Математика. Задачи с решениями: в 2 ч. Часть 2 [Электронный ресурс] : учебное пособие для среднего профессионального образования / Н. В. Богомолов. — 2-е изд., испр. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2021. — 320 с. — Режим доступа: <https://urait.ru/bcode/470791> (дата обращения: 04.10.2023).

4. Богомолов, Н. В. Практические занятия по математике: в 2 ч. Часть 1 [Электронный ресурс] : учебное пособие для среднего профессионального образования / Н. В. Богомолов. — 11-е изд., перераб. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2021. — 326 с. — Режим доступа: <https://urait.ru/bcode/470650> (дата обращения: 04.10.2023).

5. Богомолов, Н. В. Практические занятия по математике: в 2 ч. Часть 2 [Электронный ресурс] : учебное пособие для среднего профессионального образования / Н. В. Богомолов. — 11-е изд., перераб. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2023. — 251 с. — Режим доступа: <https://urait.ru/bcode/512669> (дата обращения: 04.10.2023).

##### **3.2.2. Дополнительные источники**

1. Богомолов Н. В. Геометрия [Электронный ресурс] : Учебное пособие для СПО. - Москва: Юрайт, 2021. - 108 с. – Режим доступа: <https://urait.ru/bcode/469826>

2. Гусев В. А., Кожухов И. Б. Геометрия [Электронный ресурс] : Учебное пособие для СПО. - Москва: Юрайт, 2021. – 280 с. – Режим доступа: <https://urait.ru/bcode/474920>

3. Кремер Н. Ш., Константинова О. Г. Математика для колледжей [Электронный ресурс] : Учебное пособие для СПО. - Москва: Юрайт, 2021. - 346 с. – Режим доступа: <https://urait.ru/bcode/469282>

4. Кучер Т. П. Математика. Тесты [Электронный ресурс] : Учебное пособие для СПО. - Москва: Юрайт, 2021. – 541 с. – Режим доступа: <https://urait.ru/bcode/470424>
5. Попов А. М., Сотников В. Н. Математика для экономистов: В 2 ч. Часть 1 [Электронный ресурс] : Учебник и практикум для СПО. - Москва: Юрайт, 2021. - 271 с. – Режим доступа: <https://urait.ru/bcode/468171>
6. Попов А. М., Сотников В. Н. Математика для экономистов: В 2 ч. Часть 2 [Электронный ресурс] : Учебник и практикум для СПО. - Москва: Юрайт, 2021. - 295 с. – Режим доступа: <https://urait.ru/bcode/475198>
7. Шипачев В. С., Тихонов А. Н. Математика [Электронный ресурс] : Учебник и практикум для СПО. - Москва: Юрайт, 2021. – 447 с. – Режим доступа: <https://urait.ru/bcode/469417>

#### **4. Контроль и оценка результатов освоения общеобразовательной дисциплины**

**Контроль и оценка** результатов освоения общеобразовательной дисциплины раскрываются через дисциплинарные результаты, направленные на формирование общих и профессиональных компетенций по разделам и темам содержания учебного материала.

| <b>Общая/профессиональная компетенция</b>  | <b>Раздел/Тема</b>  | <b>Тип оценочных мероприятий</b>   |
|--|---|--|
| ОК 01. Выбирать способы решения задач профессиональной деятельности применительно к различным контекстам   | P 1, Тема 1.1, 1.2, 1.3 П-о/с, 1.4, 1.5, 1.6<br>P 2, Темы 2.1, 2.2, 2.3, 2.4, 2.5 П-о/с, 2.6<br>P 3, Темы 3.1, 3.2, 3.3 П-о/с, 3.4<br>P 4, Темы 4.1, 4.2, 4.3, 4.4, 4.5, 4.6, 4.7 П-о/с, 4.8, 4.9, 4.10, 4.11<br>P 5, Темы 5.1, 5.2<br>P 6, Темы 6.1, 6.2, 6.3, 6.4, 6.5, 6.6, 6.7 П-о/с, 6.8, 6.9, 6.10 П-о/с, 6.11<br>P 7, Темы 7.1, 7.2, 7.3, 7.4, 7.5, 7.6, 7.7 П-о/с, 7.8, 7.9, 7.10 П-о/с, 7.11, 7.12, 7.13, 7.14, 7.15, 7.16, 7.17<br>P 8, Темы 8.1, 8.2, 8.3, 8.4, 8.5, 8.6<br>P 9, Темы 9.1, 9.2, 9.3, 9.4, 9.5<br>P 10, Темы 10.1, 10.2, 10.3, 10.4<br>P 11, Темы 11.1, 11.2, 11.3 П-о/с, 11.4, 11.5, 11.6 П-о/с, 11.7<br>P 12, Темы 12.1, 12.2, 12.3, 12.4<br>P 13, Темы 13.1, 13.2, 13.3, 13.4, 13.5 П-о/с, 13.6<br>P 14, Темы 14.1, 14.2, 14.3, 14.4, 14.5 П-о/с, 14.6 | Тестирование<br>Устный опрос<br>Математический диктант<br>Индивидуальная самостоятельная работа<br>Представление результатов<br>практических работ<br>Захист творческих работ<br>Защита<br>индивидуальных проектов<br>Контрольная работа<br>Выполнение экзаменационных заданий |
| ОК 02. Использовать современные средства поиска, анализа и интерпретации информации, и информационные технологии для выполнения задач профессиональной | P 1, Тема 1.1, 1.2, 1.3 П-о/с, 1.4, 1.5, 1.6<br>P 2, Темы 2.1, 2.2, 2.3, 2.4, 2.5 П-о/с, 2.6<br>P 3, Темы 3.1, 3.2, 3.3 П-о/с, 3.4<br>P 4, Темы 4.1, 4.2, 4.3, 4.4, 4.5, 4.6, 4.7 П-о/с, 4.8, 4.9, 4.10, 4.11<br>P 5, Темы 5.1, 5.2<br>P 6, Темы 6.1, 6.2, 6.3, 6.4, 6.5, 6.6, 6.7 П-о/с, 6.8, 6.9, 6.10 П-о/с, 6.11<br>P 7, Темы 7.1, 7.2, 7.3, 7.4, 7.5, 7.6, 7.7   | Тестирование<br>Устный опрос<br>Математический диктант<br>Индивидуальная самостоятельная работа<br>Представление результатов   |

|   |  |   |
|---|--|---|
| деятельности  | П-о/с,7.8,7.9, 7.10 П-о/с, 7.11, 7.12, 7.13, 7.14, 7.15, 7.16, 7.17<br>Р 8, Темы 8.1, 8.2, 8.3, 8.4, 8.5, 8.6<br>Р 9, Темы 9.1, 9.2, 9.3, 9.4,9.5<br>Р 10, Темы 10.1, 10.2, 10.3, 10.4<br>Р 11, Темы 11.1, 11.2, 11.3 П-о/с, 11.4, 11.5, 11.6 П-о/с, 11.7<br>Р 12, Темы 12.1, 12.2, 12.3, 12.4<br>Р 13, Темы 13.1, 13.2, 13.3, 13.4, 13.5 П-о/с, 13.6<br>Р 14, Темы 14.1, 14.2, 14.3, 14.4, 14.5 П-о/с, 14.6   | практических работ<br>Защита творческих работ<br>Защита индивидуальных проектов<br>Контрольная работа<br>Выполнение экзаменационных заданий   |
| ОК 03. Планировать и реализовывать собственное профессиональное и личностное развитие, предпринимательскую деятельность в профессиональной сфере, использовать знания по финансовой грамотности в различных жизненных ситуациях | P 1, Тема 1.1, 1.2, 1.3 П-о/с, 1.4, 1.5, 1.6<br>P 2, Темы 2.1, 2.2, 2.3, 2.4, 2.5 П-о/с, 2.6<br>P 3, Темы 3.1, 3.2, 3.3 П-о/с, 3.4<br>P 4, Темы 4.1, 4.2, 4.3, 4.4, 4.5, 4.6, 4.7 П-о/с, 4.8, 4.9, 4.10, 4.11<br>P 5, Темы 5.1, 5.2<br>P 6, Темы 6.1, 6.2, 6.3, 6.4, 6.5, 6.6, 6.7<br>П-о/с, 6.8, 6.9, 6.10 П-о/с, 6.11<br>P 7, Темы 7.1, 7.2, 7.3, 7.4, 7.5, 7.6, 7.7<br>П-о/с,7.8,7.9, 7.10 П-о/с, 7.11, 7.12, 7.13, 7.14, 7.15, 7.16, 7.17<br>P 8, Темы 8.1, 8.2, 8.3, 8.4, 8.5, 8.6<br>P 9, Темы 9.1, 9.2, 9.3, 9.4,9.5<br>P 10, Темы 10.1, 10.2, 10.3, 10.4<br>P 11, Темы 11.1, 11.2, 11.3 П-о/с, 11.4, 11.5, 11.6 П-о/с, 11.7<br>P 12, Темы 12.1, 12.2, 12.3, 12.4<br>P 13, Темы 13.1, 13.2, 13.3, 13.4, 13.5 П-о/с, 13.6<br>P 14, Темы 14.1, 14.2, 14.3, 14.4, 14.5 П-о/с, 14.6 | Тестирование<br>Устный опрос<br>Математический диктант<br>Индивидуальная самостоятельная работа<br>Представление результатов<br>практических работ<br>Защита творческих работ<br>Защита<br>индивидуальных проектов<br>Контрольная работа<br>Выполнение<br>экзаменационных заданий |
| ОК 04. Эффективно взаимодействовать и работать в коллективе и команде   | P 1, Тема 1.1, 1.2, 1.3 П-о/с, 1.4, 1.5, 1.6<br>P 2, Темы 2.1, 2.2, 2.3, 2.4, 2.5 П-о/с, 2.6<br>P 3, Темы 3.1, 3.2, 3.3 П-о/с, 3.4<br>P 4, Темы 4.1, 4.2, 4.3, 4.4, 4.5, 4.6, 4.7 П-о/с, 4.8, 4.9, 4.10, 4.11<br>P 5, Темы 5.1, 5.2<br>P 6, Темы 6.1, 6.2, 6.3, 6.4, 6.5, 6.6, 6.7<br>П-о/с, 6.8, 6.9, 6.10 П-о/с, 6.11<br>P 7, Темы 7.1, 7.2, 7.3, 7.4, 7.5, 7.6, 7.7<br>П-о/с,7.8,7.9, 7.10 П-о/с, 7.11, 7.12, 7.13, 7.14, 7.15, 7.16, 7.17<br>P 8, Темы 8.1, 8.2, 8.3, 8.4, 8.5, 8.6<br>P 9, Темы 9.1, 9.2, 9.3, 9.4,9.5<br>P 10, Темы 10.1, 10.2, 10.3, 10.4<br>P 11, Темы 11.1, 11.2, 11.3 П-о/с, 11.4, 11.5, 11.6 П-о/с, 11.7<br>P 12, Темы 12.1, 12.2, 12.3, 12.4<br>P 13, Темы 13.1, 13.2, 13.3, 13.4, 13.5 П-о/с, 13.6  | Тестирование<br>Устный опрос<br>Математический диктант<br>Индивидуальная самостоятельная работа<br>Представление результатов<br>практических работ<br>Защита творческих работ<br>Защита<br>индивидуальных проектов<br>Контрольная работа<br>Выполнение<br>экзаменационных заданий |

|  |  |  |
|--|--|--|
|  | P 14, Темы 14.1, 14.2, 14.3, 14.4, 14.5 П-о/с, 14.6  |  |
| ОК 05. Осуществлять устную и письменную коммуникацию на государственном языке Российской Федерации с учетом особенностей социального и культурного контекста   | P 1, Тема 1.1, 1.2, 1.3 П-о/с, 1.4, 1.5, 1.6<br>P 2, Темы 2.1, 2.2, 2.3, 2.4, 2.5 П-о/с, 2.6<br>P 3, Темы 3.1, 3.2, 3.3 П-о/с, 3.4<br>P 4, Темы 4.1, 4.2, 4.3, 4.4, 4.5, 4.6, 4.7 П-о/с, 4.8, 4.9, 4.10, 4.11<br>P 5, Темы 5.1, 5.2<br>P 1, Тема 1.1, 1.2, 1.3 П-о/с, 1.4, 1.5, 1.6<br>P 2, Темы 2.1, 2.2, 2.3, 2.4, 2.5 П-о/с, 2.6<br>P 3, Темы 3.1, 3.2, 3.3 П-о/с, 3.4<br>P 4, Темы 4.1, 4.2, 4.3, 4.4, 4.5, 4.6, 4.7 П-о/с, 4.8, 4.9, 4.10, 4.11<br>P 5, Темы 5.1, 5.2<br>P 6, Темы 6.1, 6.2, 6.3, 6.4, 6.5, 6.6, 6.7 П-о/с, 6.8, 6.9, 6.10 П-о/с, 6.11<br>P 7, Темы 7.1, 7.2, 7.3, 7.4, 7.5, 7.6, 7.7 П-о/с, 7.8, 7.9, 7.10 П-о/с, 7.11, 7.12, 7.13, 7.14, 7.15, 7.16, 7.17<br>P 8, Темы 8.1, 8.2, 8.3, 8.4, 8.5, 8.6<br>P 9, Темы 9.1, 9.2, 9.3, 9.4, 9.5<br>P 10, Темы 10.1, 10.2, 10.3, 10.4<br>P 11, Темы 11.1, 11.2, 11.3 П-о/с, 11.4, 11.5, 11.6 П-о/с, 11.7<br>P 12, Темы 12.1, 12.2, 12.3, 12.4<br>P 13, Темы 13.1, 13.2, 13.3, 13.4, 13.5 П-о/с, 13.6<br>P 14, Темы 14.1, 14.2, 14.3, 14.4, 14.5 П-о/с, 14.6<br>P 9, Темы 9.1, 9.2, 9.3, 9.4, 9.5<br>P 10, Темы 10.1, 10.2, 10.3, 10.4<br>P 11, Темы 11.1, 11.2, 11.3 П-о/с, 11.4, 11.5, 11.6 П-о/с, 11.7<br>P 12, Темы 12.1, 12.2, 12.3<br>P 13, Темы 13.1, 13.2, 13.3, 13.4, 13.5 П-о/с, 13.6<br>P 14, Темы 14.1, 14.2, 14.3, 14.4, 14.5 П-о/с, 14.6 | Тестирование<br>Устный опрос<br>Математический диктант<br>Индивидуальная самостоятельная работа<br>Представление результатов практических работ<br>Защита творческих работ<br>Защита индивидуальных проектов<br>Контрольная работа<br>Выполнение экзаменационных заданий |
| ОК 06. Проявлять гражданско-патриотическую позицию, демонстрировать осознанное поведение на основе традиционных общечеловеческих ценностей, в том числе с учетом гармонизации межнациональных и межрелигиозных отношений, применять стандарты антикоррупционного | P 1, Тема 1.1, 1.2, 1.3 П-о/с, 1.4, 1.5, 1.6<br>P 6, Темы 6.1, 6.2, 6.3, 6.4, 6.5, 6.6, 6.7 П-о/с, 6.8, 6.9, 6.10 П-о/с, 6.11<br>P 7, Темы 7.1, 7.2, 7.3, 7.4, 7.5, 7.6, 7.7 П-о/с, 7.8, 7.9, 7.10 П-о/с, 7.11, 7.12, 7.13, 7.14, 7.15, 7.16, 7.17<br>P 8, Темы 8.1, 8.2, 8.3, 8.4, 8.5, 8.6<br>P 14, Темы 14.1, 14.2, 14.3, 14.4, 14.5 П-о/с, 14.6  | Тестирование<br>Устный опрос<br>Математический диктант<br>Индивидуальная самостоятельная работа<br>Представление результатов практических работ<br>Защита творческих работ<br>Защита индивидуальных проектов   |

|  |   |  |
|--|---|--|
| поведения  |   | Контрольная работа<br>Выполнение<br>экзаменационных<br>заданий   |
| OK 07. Содействовать сохранению окружающей среды, ресурсосбережению, применять знания об изменении климата, принципы бережливого производства, эффективно действовать в чрезвычайных ситуациях | P 1, Тема 1.1, 1.2, 1.3 П-о/с, 1.4, 1.5, 1.6<br>P 2, Темы 2.1, 2.2, 2.3, 2.4, 2.5 П-о/с, 2.6<br>P 3, Темы 3.1, 3.2, 3.3 П-о/с, 3.4<br>P 4, Темы 4.1, 4.2, 4.3, 4.4, 4.5, 4.6, 4.7 П-о/с, 4.8, 4.9, 4.10, 4.11<br>P 5, Темы 5.1, 5.2<br>P 6, Темы 6.1, 6.2, 6.3, 6.4, 6.5, 6.6, 6.7 П-о/с, 6.8, 6.9, 6.10 П-о/с, 6.11<br>P 7, Темы 7.1, 7.2, 7.3, 7.4, 7.5, 7.6, 7.7 П-о/с, 7.8, 7.9, 7.10 П-о/с, 7.11, 7.12, 7.13, 7.14, 7.15, 7.16, 7.17<br>P 8, Темы 8.1, 8.2, 8.3, 8.4, 8.5, 8.6<br>P 9, Темы 9.1, 9.2, 9.3, 9.4, 9.5<br>P 10, Темы 10.1, 10.2, 10.3, 10.4<br>P 11, Темы 11.1, 11.2, 11.3 П-о/с, 11.4, 11.5, 11.6 П-о/с, 11.7<br>P 12, Темы 12.1, 12.2, 12.3, 12.4<br>P 13, Темы 13.1, 13.2, 13.3, 13.4, 13.5 П-о/с, 13.6<br>P 14, Темы 14.1, 14.2, 14.3, 14.4, 14.5 П-о/с, 14.6 | Тестирование<br>Устный опрос<br>Математический диктант<br>Индивидуальная самостоятельная работа<br>Представление результатов практических работ<br>Защита творческих работ<br>Защита индивидуальных проектов<br>Контрольная работа<br>Выполнение экзаменационных заданий |
| <b>ПК</b>  |   |  |

### ОПИСАНИЕ ШКАЛ ОЦЕНИВАНИЯ

Показатель оценки освоения ООП формируется на основе объединения текущей и промежуточной аттестации обучающегося. Показатель рейтинга по каждому предмету выражается в процентах, который показывает уровень подготовки студента. Текущая аттестация. Используется 5-балльная система оценивания. Оценка работы студента в течении семестра осуществляется преподавателем в соответствии с разработанной им системой оценки учебных достижений в процессе обучения по данному предмету. В рабочих программах дисциплин (предметов) и практик закреплены виды текущей аттестации, планируемые результаты контрольных мероприятий и критерии оценки учебный достижений. В течение семестра преподавателем проводится не менее 3-х контрольных мероприятий, по оценке деятельности студента. Промежуточная аттестация. Используется 5-балльная система оценивания. Оценка работы студента по окончанию предмета (части предмета) осуществляется преподавателем в соответствии с разработанной им системой оценки достижений студента в процессе обучения по данному предмету. Промежуточная аттестация также проводится по окончанию формирования компетенций.

| По 5-балльной системе | Характеристика показателя  |
|-----------------------|--|
| отлично               | обладают теоретическими знаниями в полном объеме, понимают, самостоятельно умеют применять, исследовать, идентифицировать, анализировать, систематизировать, распределять по категориям, рассчитывать показатели, классифицировать, разрабатывать модели, алгоритмизировать, управлять, организовать, планировать процессы исследования, осуществлять оценку результатов на высоком уровне |
| хорошо                | обладают теоретическими знаниями в полном объеме, понимают,  |

|                     |   |
|---------------------|---|
|                     | самостоятельно умеют применять, исследовать, идентифицировать, анализировать, систематизировать, распределять по категориям, рассчитывать показатели, классифицировать, разрабатывать модели, алгоритмизировать, управлять, организовать, планировать процессы исследования, осуществлять оценку результатов. Могут быть допущены недочеты, исправленные студентом самостоятельно в процессе работы (ответа и т.д.)                           |
| удовлетворительно   | обладают общими теоретическими знаниями, умеют применять, исследовать, идентифицировать, анализировать, систематизировать, распределять по категориям, рассчитывать показатели, классифицировать, разрабатывать модели, алгоритмизировать, управлять, организовать, планировать процессы исследования, осуществлять оценку результатов на среднем уровне. Допускаются ошибки, которые студент затрудняется исправить самостоятельно.          |
| неудовлетворительно | обладают не полным объемом общих теоретическими знаниями, не умеют самостоятельно применять, исследовать, идентифицировать, анализировать, систематизировать, распределять по категориям, рассчитывать показатели, классифицировать, разрабатывать модели, алгоритмизировать, управлять, организовать, планировать процессы исследования, осуществлять оценку результатов. Не сформированы умения и навыки для решения профессиональных задач |
| зачтено             | характеристика показателя соответствует «отлично», «хорошо»;  |
| не зачтено          | характеристика показателя соответствует «неудовлетворительно»   |

## **5. Особенности организации образовательного процесса по предмету для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья**

### **По заявлению студента**

В целях доступности освоения программы для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья при необходимости Техникум обеспечивает следующие условия:

- особый порядок освоения предмета, с учетом состояния их здоровья;
- электронные образовательные ресурсы по предмету в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья;
- изучение предмета по индивидуальному учебному плану (вне зависимости от формы обучения);
- электронное обучение и дистанционные образовательные технологии, которые предусматривают возможности приема-передачи информации в доступных для них формах.
- доступ (удаленный доступ) к современным профессиональным базам данных и информационным справочным системам, состав которых определен рабочей программой дисциплины.